

## КОРРЕЛЯЦИОННЫЕ СВОЙСТВА СИМВОЛЬНЫХ M-ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЕЙ В ДИВЕРГЕНТНОМ ДЕКОДИРОВАНИИ

© 2021 О. В. Иванцов, Д. Е. Горохов, М. Н. Мишустин✉

*Академия Федеральной службы охраны Российской Федерации  
ул. Приборостроительная, 35, 302015 Орёл, Российская Федерация*

**Аннотация.** Широкое внедрение беспроводных технологий в различные аспекты современной жизни в том числе использование телеуправляемых устройств требует решения задачи повышения устойчивости канала управления в условиях разнообразных деструктивных воздействий. Данные воздействия могут иметь различную природу происхождения от объективно существующих изменений физических свойств среды передачи до преднамеренных антропогенных воздействий потенциального нарушителя. Поэтому в сложившихся условиях актуальной является задача разработки корректирующих кодов обеспечивающих высокую помехоустойчивость при низкой вычислительной сложности. Предпосылками к решению задачи по созданию таких кодов стала реализация в алгоритмах декодирования принципов оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования. В настоящей статье проведен анализ свойств: баланса, серий, «зеркальности» одноименных единичных символов относительно  $\text{mod } p$  подпоследовательностей символьной M-последовательности с делимым приводимым полиномом, как дополнительных признаков обнаружения ошибок в алгоритмах дивергентного декодирования. Определены условия эффективного применения дивергентных корректирующих кодов на основе мягкой обработки сегментов символьной M-последовательности. Приведены функциональные схемы кодера, декодера и аппаратуры передачи данных, в которых реализуются принципы оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования с низкой вычислительной сложностью. Использование свойств подпоследовательностей символьной M-последовательности с делимым приводимым полиномом как дополнительных признаков обнаружения ошибок достаточно для реализации алгоритма дивергенции с многопороговым декодированием. Предложенный в работе подход позволяет обеспечить заданную достоверность при изменении скорости передачи данных в условиях экстремально большого уровня шума в канале связи.

**Ключевые слова:** свойства символьных M-последовательностей, дивергентное декодирование, принципы оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования.

### ВВЕДЕНИЕ

Широкое внедрение в различные аспекты современной жизни беспроводных устройств ставит перед исследователями задачи повы-

шения устойчивости удаленного управления оборудованием в условиях множества деструктивных воздействий на канал распространения. Данные воздействия могут иметь различную природу происхождения от объективно существующих изменений физических свойств среды передачи до преднамеренных антропогенных воздействий потенциального нарушителя.

---

✉ Мишустин Максим Николаевич  
e-mail: [swindler417@yandex.ru](mailto:swindler417@yandex.ru)



Контент доступен под лицензией Creative Commons Attribution 4.0 License.  
The content is available under Creative Commons Attribution 4.0 License.

В этих условиях разработчикам требуются эффективные механизмы помехоустойчивого декодирования для защиты беспроводных каналов управления.

### ПРИМЕНЕНИЕ КОРРЕЛЯЦИОННЫХ СВОЙСТВ СИМВОЛЬНЫХ $M$ -ПОСЛЕДОВАТЕЛЬНОСТЕЙ В ДИВЕРГЕНТНОМ ДЕКОДИРОВАНИИ

Одной из актуальных задач теории помехоустойчивого кодирования является разработка хороших корректирующих кодов короткой и средней длины с низкой вычислительной сложностью.

Предпосылками к решению задачи по созданию таких кодов стала реализация в алгоритмах декодирования принципов оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования [1].

Оптимизационная теория помехоустойчивого кодирования позволила успешно декодировать кодовые комбинации вблизи границы Шеннона и значительно продвинуться от использования весьма слабых по эффективности кодов Рида-Соломона (кроме коротких вариантов этого кода) к применению корректирующих кодов на основе обработки сегментов символьных  $M$ -последовательностей.

Реализация принципов оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования, в декодерах с прямым контролем метрики оказалась абсолютно необходимой для решения задачи кодирования в каналах с экстремально большим уровнем шума [1].

Корректирующие коды, у которых кодирование информации обеспечивается изменением фазы сегмента рекуррентной последовательности [2], удобны для проведения исследований по возможному применению в алгоритмах обработки символьных  $M$ -последовательностей принципов многопорогового и дивергентного декодирования для реализации дополнительной защиты от ошибок и сохранении при этом низкой вычислительной сложности.

Разработанные алгоритмы обработки сегментов рекуррентных последовательностей на основе применения многопорогового декодирования с прямым контролем метрики

и низкой вычислительной сложностью [3] позволяют перейти к реализации операции дивергенции как одного из основных принципов оптимизационной теории помехоустойчивого кодирования [4].

Сегменты символьных линейных рекуррентных последовательностей, как кодовые слова, кроме основных признаков (например, фаза, закон рекурсии) несут в себе дополнительные признаки, которые определяются свойствами рекуррентных последовательностей баланса, серий, сдвига, линейности, окна, группового сложения.

Применение этих признаков рекуррентных последовательностей в дивергентном декодировании позволяют построить алгоритм обнаружения и исправления ошибок в кодовой комбинации с низкой вычислительной сложностью еще до применения базового (основного) алгоритма декодирования.

При создании итеративных корректирующих кодов очевидным является комбинированное применение в качестве кодовых комбинаций сегментов символьных  $M$ -последовательностей, обеспечивающих уменьшение (компрессию) размера двоичной части информационного блока. Например, применение  $p$ -й  $M$ -последовательности в качестве кодового слова позволяет уменьшить размер информационной двоичной комбинации при ее символьном кодировании (компрессии) в  $\log_2 p$  раза.

Кроме того, для любого единичного элемента подпоследовательности символьной  $M$ -последовательности, образованной делимым приводимым полиномом, найдется «зеркальный», относительно  $\text{mod } p$ , единичный элемент в другой подпоследовательности.

Рассмотрим пример дивергентного декодирования недвоичной  $M$ -последовательности, в котором используются свойства «зеркальности» одноименных элементов разных подпоследовательностей, серий и баланса символов.

Генератор символьной  $M$ -последовательности формирует кодовую комбинацию (рис. 1) с начальным вектором (101), определяющим фазу последовательности по закону полинома  $P_1(x) = x^3 - x - 2$ .

Символьная М-последовательность будет иметь следующий вид:

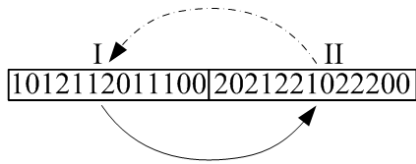


Рис. 1. Символьная М-последовательность третьего порядка с основанием 3 и приводимым делимым полиномом  $P_1(x) = x^3 - x - 2$  [Fig. 1. A third-order symbolic M-sequence with base 3 and a reducible divisible polynomial  $P_1(x) = x^3 - x - 2$ ]

Количество единичных символов в символьной М-последовательности определяется следующим выражением:

$$N = p^k - 1 = 3^3 - 1 = 26, \quad (1)$$

где  $k$  — количество разрядов генератора.

Количество символов в одной подпоследовательности определяется как:

$$N_{p-1} = \frac{p^k - 1}{(p - 1)} = 13, \quad (2)$$

Количество серий длиной « $k - i$ » в каждой подпоследовательности символьной М-последовательности определяется по формуле:

$$n = \frac{(p - 1)p^{k-1}}{p^{k-i}}, \quad (3)$$

где  $i = 1, 2, 3, \dots, k - 1$ .

В данном выражении количество серий длиной  $k$  не определяется, так как в каждой подпоследовательности она одна.

Используя выражение (3) можно определить, например, что каждая из двух подпоследовательностей символьной М-последовательности с приводимым делимым полиномом  $P_1(x) = x^3 - x - 2$  (рис.1) содержит 2 двойные и 6 одиночных серий.

Из полученной последовательности (рис. 1) видно, что все единичные элементы  $a_{i1}$  по порядку первой подпоследовательности зеркальны по модулю основания кода соответствующим элементам второй подпоследовательности, т. е.  $(a_{i1} + a_{i2}) \bmod 3 = 0$ .

Если увеличить основание кода, например  $p = 5$ , то генератор символьной М-последовательности второго порядка формирует кодовую комбинацию по закону полинома  $P_1(x) = x^2 - 4x - 3$  с начальным вектором (11).

Полученная последовательность 11210322420101443402331304 состоит из четырех подпоследовательностей, каждая из которых состоит из 6 единичных элементов (рис. 2).

Все единичные элементы символьной М-последовательности в первой подпоследовательности  $a_{i1}$  по модулю основания кода «зеркальны» соответствующим элементам третьей подпоследовательности  $a_{i3}$ , и символы второй подпоследовательности  $a_{i2}$  по модулю основания кода зеркальны соответствующим элементам четвертой подпоследовательности  $a_{i4}$ . Тогда верно утверждение  $(a_{i1} + a_{i3}) \bmod 5 = 0$  и  $(a_{i2} + a_{i4}) \bmod 5 = 0$ .

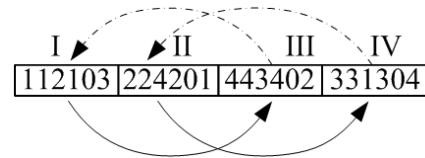


Рис. 2. Символьная М-последовательность второго порядка с основанием 5 и приводимым делимым полиномом  $P_1(x) = x^2 - 4x - 3$  [Fig. 2. A second-order symbolic M-sequence with base 5 and a reducible divisible polynomial  $P_1(x) = x^2 - 4x - 3$ ]

Если генератор символьной М-последовательности с основанием кода 7 формирует последовательность по закону полинома  $P_3(x) = x^2 - 6x - 4$  с начальным вектором (11), то на его выходе формируется М-последовательность, состоящая из шести подпоследовательностей. В состав каждой подпоследовательности входит 8 единичных элементов (рис. 3).

Когда основание кода символьной М-последовательности равно 7 формируется три пары подпоследовательностей с зеркальными элементами, тогда  $(a_{i1} + a_{i4}) \bmod 7 = 0$ ,  $(a_{i2} + a_{i5}) \bmod 7 = 0$  и  $(a_{i3} + a_{i6}) \bmod 7 = 0$ .

Таким образом, свойство «зеркальности» единичных элементов по  $\bmod p$  у соответствующей пары подпоследовательностей в общем виде определяется следующим выражением (4).

$$a_{i\left(\frac{p-1}{2}+j\right)} = (p - a_{ij}) \bmod p, \quad (4)$$

где

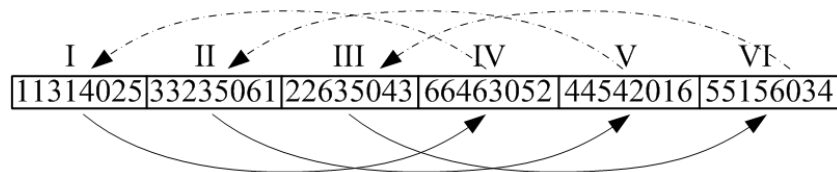


Рис. 3. Символьная  $M$ -последовательность второго порядка с основанием 7 и приводимым делимым полиномом  $P_1(x) = x^2 - 6x - 4$

[Fig. 3. A second-order symbolic  $M$ -sequence with base 7 and a reducible divisible polynomial  $P_1(x) = x^2 - 6x - 4$ ]

$a_{ij}$  — значение  $i$ -го единичного элемента  $j$ -й подпоследовательности в  $p$ -й  $M$ -последовательности с приводимым делимым полиномом;

$i$  — порядковый номер элемента подпоследовательности по возрастанию единичного ( $i = 1, 2, 3, \dots, (p^k - 1) / (p - 1)$ );

$j$  — порядковый номер подпоследовательности по возрастанию от начала  $M$ -последовательности, независимо от ее фазы ( $j = 1, 2, \dots, (p - 1) / 2$ );

$k$  — порядок символьной  $M$ -последовательности;

$p$  — основание кода символьной  $M$ -последовательности ( $p = 3, 5, 7, \dots$ );

$(p^k - 1) / (p - 1)$  — количество единичных элементов в одной подпоследовательности;

$(p - 1) / 2 + j$  — порядковый номер подпоследовательности, элементы которой «зеркальны» по  $\text{mod } p$  соответствующим элементам подпоследовательности с  $j$ -м порядковым номером  $p$ -й  $M$ -последовательности.

Зная значения единичных элементов одной подпоследовательности можно вычислить значения единичных элементов у остальных подпоследовательностей, находящихся справа или слева от  $j$ -й подпоследовательности.

Для получения значений единичных элементов подпоследовательности с порядковым номером  $j + \gamma_1$ , находящихся справа от  $j$ -й подпоследовательности можно воспользоваться следующим выражением (5). Если необходимо получить значения единичных элементов подпоследовательности с порядковым номером  $j - (p - 1) / (1 + \gamma_1)$ , находящихся слева от  $j$ -й подпоследовательности можно воспользоваться следующим полученным выражением (6).

$$a_{i(j+\gamma_1)} = \left( \frac{p-1}{1+\gamma_1} a_{ij} \right) \text{mod } p, \quad (5)$$

$$\gamma_1 = 1, 2, \dots, (p - 3) / 2.$$

$$a_{i\left(j-\frac{p-1}{1+\gamma_2}+1\right)} = \left[ \frac{p-1}{1+\gamma_2} (p - a_{ij}) \right] \text{mod } p, \quad (6)$$

$$\gamma_2 = (p - 3) / 2, \dots, 2, 1, 0.$$

Таким образом выражения (4)–(6) позволяют:

1. По известным значениям элементов одной подпоследовательности вычислить значение единичных элементов с таким же порядковым номером в любой из  $(p - 1)$  подпоследовательностей  $p$ -й  $M$ -последовательности.

2. В случае использования в качестве кодовых комбинаций сегментов символьной  $M$ -последовательности, фазы которых определяются источником информации, полученные полезные свойства можно эффективно применять в алгоритмах формирования кодовых комбинаций и дивергентного декодирования.

При формировании кодовых комбинаций кодером в аппаратуре передачи данных необходимо объединить в один функциональный узел кодер источника информации, включающий в себя компрессор, каналный кодер, обеспечивающий формирование конечного участка символьной  $M$ -последовательности, и  $M$ -векторный модулятор (рис. 4).

Источник информации с компрессором, обеспечивает сжатие информационной части блока в  $k / \log_2 p$  раз, путем преобразования двоичного кода источника в  $p$ -й.

Канальный кодер состоит из  $p$ -символьного генератора и формирователя элементов конечного участка символьной  $M$ -последовательности. Генератор формирует, например, элементы  $a_{ij}$  первой подпоследовательности длиной  $n_1$  с начальной фазой соответствующей комбинации длиной  $k / \log_2 p$ .

Формирователь вычисляет элементы  $a_{i(p-1)}$  подпоследовательности конечного участка

символьной  $M$ -последовательности длиной  $n_{p-1}$  в соответствии с выражением (5). Модем с  $p$ -векторным квантованием формирует выходной сигнал в виде вектора  $\vec{n}$ .

На приеме (рис. 5) демодулятор с  $M = p$  квантованием вектор  $\vec{n}$  преобразует в сегмент символьной  $M$ -последовательности, который поступает на вход регенератора единичных символов сегмента последовательности. Регенератор выполняет следующие проверки и версии исправлений ошибок на основе:

- «зеркальности» одноименных символов подпоследовательностей по  $\text{mod } p$ ;
- соответствие количества серий разной длины в каждой подпоследовательности;
- баланса единичных символов.

Если анализатор  $p$ -символьной  $M$ -последовательности не выделит зачетный участок с количеством ошибок не превышающим заданного порога  $t_{\text{ош}} \leq d - 1$ , то регенератор единичных символов по заданному алгоритму исправляет ошибки и создает несколько версий сегментов конечного участка последовательности.

Таким образом, методика дивергентного декодирования сводится к последовательности технологических операций.

На первом этапе выполняется проверка выполнения соответствия элементов подпоследовательностей закону их формирования определяемому выражениями (5) и (6). При этом формируется вектор индексов вероятно ошибочных элементов принимаемой последовательности.

На втором этапе выполняется дополнительная проверка принимаемой последовательности на выполнение свойства баланса нулей и соответствия мест размещения нулевых элементов в подпоследовательностях. В символьной  $M$ -последовательности, образованной приводимым делимым полиномом, выполняется свойство баланса элементов, которое можно описать выражениями для ненулевых элементов:

$$k_i = \frac{N+1}{p}, \quad i = 1, 2, \dots, p, \quad (8)$$

где  $k_i$  — количество  $i$ -х не нулевых единичных символов содержащихся в символьной  $M$ -последовательности, а для нулевых элементов:

$$k_0 = \frac{N+1}{p} - 1, \quad (9)$$

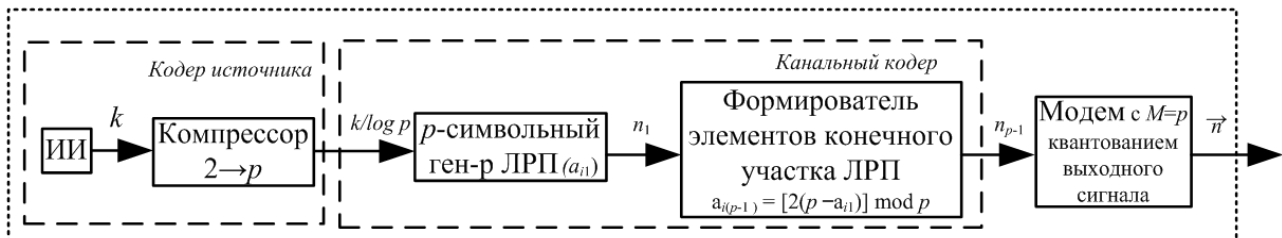


Рис. 4. Пример функциональной схемы кодера  
[Fig. 4. A functional scheme of the encoder example]

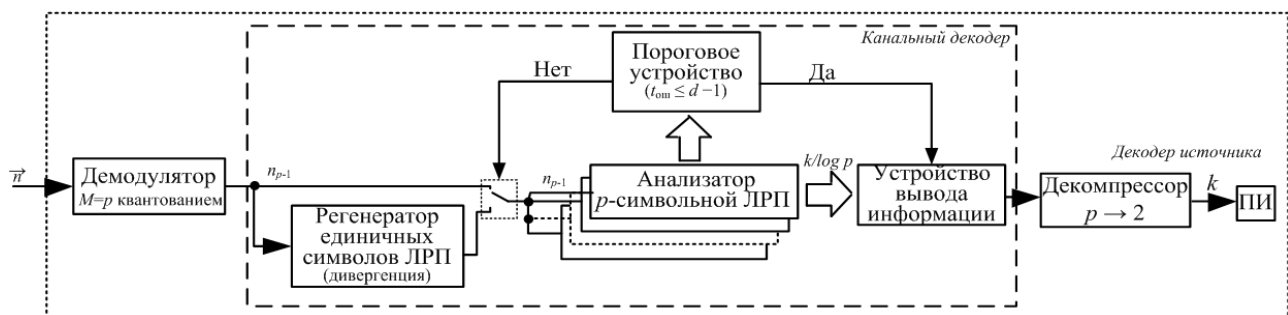


Рис. 5. Пример функциональной схемы декодера сегментов конечного участка  
символьной  $M$ -последовательности  
[Fig. 5. A functional scheme of the segment decoder of the final section  
of the symbolic  $M$ -sequence example]

где  $k_0$  — количество нулевых единичных символов содержащихся в символьной  $M$ -последовательности.

Результатом данной проверки является уточненный вектор индексов ошибочно принятых символов.

На третьем этапе выполняется проверка соответствия принятой последовательности свойству «серий». При этом количество серий в подпоследовательностях оценивается выражением (3). Несоответствие распределения серий одинаковых элементов в подпоследовательностях позволяет уточнить возможные места ошибок в принятой последовательности. Дополнительную информацию для анализа ошибок дает и закон расположения серий одинаковых элементов в подпоследовательностях.

На четвертом этапе исходя из вероятных ошибок генерируются возможные варианты исправленных последовательностей. С целью сокращения количества вариантов исправленных последовательностей они также проверяются на соответствие свойствам «зеркальности», «серий» и «баланса единичных элементов». Варианты последовательностей, не удовлетворяющие перечисленным свойствам, исключаются как заведомо неверные. В результате выполнения этого этапа на выходе регенератора формируются векторы подпоследовательностей, содержащие максимальное количество символов совпадающих с символами переданной комбинации.

Для выбора наиболее правильного варианта исправленной последовательности по критерию максимума правдоподобия вектор последовательностей-претендентов на пятом этапе используется анализатор ЛРП с пороговым устройством.

Сохранение заданной достоверности, предлагаемыми корректирующими кодами при изменении скорости передачи данных в условиях экстремально большого уровня шума в канале связи, возможно в случае объединения в один функциональный узел демодулятор, декодер канала и декодер источника (рис. 6).

Прототип структурной схемы аппаратуры передачи данных (рис. 6), который обеспечивает защиту от ошибок при больших уровнях шума в канале и сохранение заданной достоверности передаваемой информации при изменении скорости передачи, предполагает наличие нескольких отдельных трактов приема и передачи [5].

Выбор соответствующих трактов передачи и приема и их коммутация к источнику и приемнику информации в аппаратуре передачи данных осуществляется выбором скорости передачи по каналу связи и соответствующего вида модуляции с  $M$ -квантованием выходного сигнала.

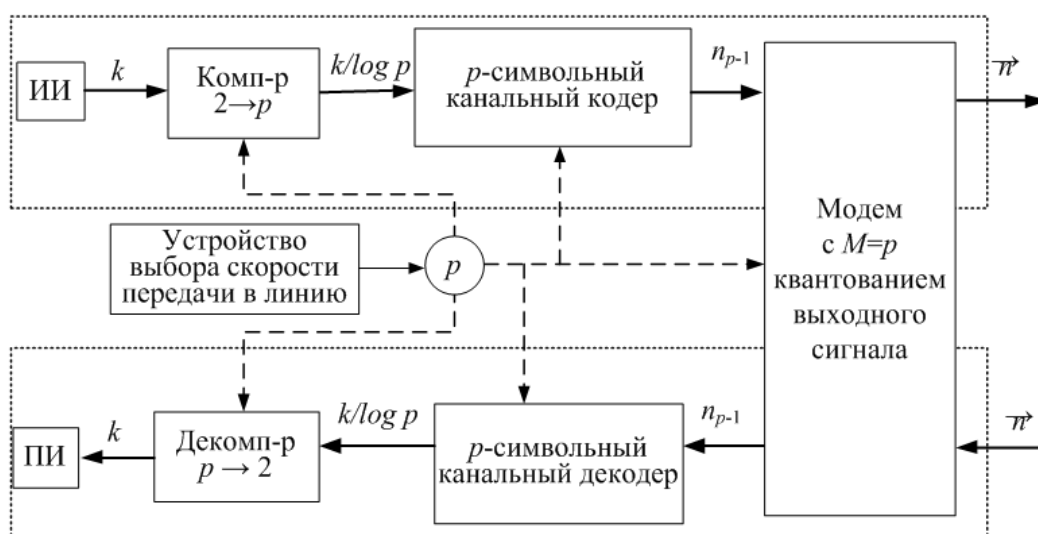


Рис. 6. Прототип функциональной схемы аппаратуры передачи данных  
[Fig. 6. Functional scheme of data transmission equipment prototype]

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящее время наилучшие характеристики по быстродействию и эффективности декодирования могут обеспечить только коды с прямым контролем метрики [1]. К ним относятся и дивергентные схемы коррекции ошибок. Применение выявленных свойств недвоичных  $M$ -последовательностей позволяет реализовать операцию дивергенции в алгоритмах помехоустойчивого декодирования коротких кодов с низкой вычислительной сложностью.

Проведенные исследования по применению в обработке сегментов символьных  $M$ -последовательностей принципов многопорогового и дивергентного декодирования показали:

1. Использование свойств: баланса, серий, «зеркальности» единичных символов относительно  $\text{mod } p$  подпоследовательностей символьной  $M$ -последовательности с делимым приводимым полиномом как дополнительных признаков обнаружения ошибок достаточно для реализации алгоритма дивергенции с многопороговым декодированием.

2. Применение дивергенции в алгоритмах обработки сегментов символьных  $M$ -последовательностей большого порядка приводит к большому количеству итераций, что существенно снижает скорость корректирующего кода.

3. Основание кода  $p$ , у применяемых в дивергентном декодировании, сегментов символьной  $M$ -последовательности для обеспечения высокой исправляющей способности кода необходимо выбирать в соответствии  $M$ -векторным квантованием выходного сигнала в модеме.

4. Сохранение заданной достоверности символьным корректирующим кодом при изменении скорости передачи данных в условиях экстремально большого уровня шума в канале связи, возможно в случае объединения в один функциональный узел демодулятора, декодера канала и декодера источника.

## КОНФЛИКТ ИНТЕРЕСОВ

Авторы декларируют отсутствие явных и потенциальных конфликтов интересов, связанных с публикацией настоящей статьи.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. Золотарев, В. В. Теория кодирования как задача поиска глобального экстремума / В. В. Золотарев; под науч. ред. Н. А. Кузнецова. – М. : Горячая линия – Телеком, 2018. – 217 с.

2. Пат. РФ № 2568320 (RU 2568320 C1), (51) МПК H03M 13/01 (2006.01), H04L 7/00 (2006.01). Способ кодирования информации отрезками линейных рекуррентных последовательностей / О. В. Иванцов, Д. Е. Горохов, В. М. Радыгин, Д. В. Татаринев, А. В. Анисимов; заявл. 19.05.2014; опубл. 20.11.2015, Бюл. № 32.

3. Золотарев, В. В. Теория и алгоритмы многопорогового декодирования / В. В. Золотарев. – М. : Радио и связь, 2006. – 266 с.

4. Золотарев, В. В., Овечкин Г. В. Дивергентное кодирование свёрточных кодов // Материалы 18-й Международной научно-технической конференции «Проблемы передачи и обработки информации в сетях и системах телекоммуникаций». – Рязань, 2015. – С. 27–32.

5. Иванцов, О. В. Аналитические модели систем передачи с кодом, основанном на обработке рекуррентной последовательности / О. В. Иванцов, Д. Е. Горохов, П. В. Бочков // Известия Тульского государственного университета. – 2018. – Вып. 9. – С. 366–375.

**Иванцов Олег Владимирович** — канд. техн. наук, сотрудник Академии Федеральной службы охраны Российской Федерации.

E-mail: iowwaa@mail.ru

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-0499-9136>

**Горохов Денис Евгеньевич** — канд. техн. наук, сотрудник Академии Федеральной службы охраны Российской Федерации.

E-mail: gde@inbox.ru

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-7082-1045>

**Мишустин Максим Николаевич** — сотрудник Академии Федеральной службы охраны Российской Федерации.

E-mail: swindler417@yandex.ru

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-4908-8977>

DOI: <https://doi.org/10.17308/sait.2021.3/3734>

ISSN 1995-5499

Received 07.07.2021

Accepted 20.11.2021

## CORRELATION PROPERTIES OF SYMBOLIC $M$ -SEQUENCES IN DIVERGENT DECODING

© 2021 O. V. Ivantsov, D. E. Gorokhov, M. N. Mishustin✉

*The Academy of the Federal Security Service of the Russian Federation  
35, Priborostroitel'naya Street, 302015 Orel, Russian Federation*

**Annotation.** The worldwide introduction of wireless technologies in different states of the modern life including remote controlled drones requires an increase in the resistance of the control channel to a wide range of destructive influences. These influences can have a different nature of origin, such as objectively existing changes of the transmission medium physical properties or deliberate anthropogenic impacts of a potential intruder. So the task of developing an error-correcting code is quite relevant in such conditions. The prerequisites for solving the problem of creating such codes is the implementation of the error-correcting coding optimization theory principles in decoding algorithms. In this paper we analyze the properties of symbolic  $M$ -sequence with a divisible reducible polynomial as additional error detection signs in divergent decoding algorithms such as: balance, series, the same-name single symbols «specularity» with respect to mod  $p$ . We determine the conditions for the effective use of divergent correcting codes based on soft processing of segments of the symbol  $M$ -sequence. In this paper a functional diagrams of encoder, decoder and data transmission equipment with low computational complexity optimization theory of error-resistant coding principles implementation are presented. The usage of the symbolic  $M$ -sequence properties such as balance, series, «mirroring» of single symbols with respect to mod  $p$  as additional signs of error detection is sufficient to implement a divergence algorithm with multi-threshold decoding. The proposed approach allows to maintain the specified reliability when changing the transmission rate caused by a high level of interference.

**Keywords:** properties of symbolic  $M$ -sequences, divergent decoding, principles of the optimization theory of error-correcting coding.

---

✉ Mishustin Maksim N.  
e-mail: swindler417@yandex.ru



## CONFLICT OF INTEREST

The authors declare the absence of obvious and potential conflicts of interest related to the publication of this article.

## REFERENCES

1. *Zolotarev V. V.* (2018) Coding theory as a task of a global extremum searching; under the scientific editorship of N. A. Kuznetsov. M. : Hotline – Telecom. 217 p.

2. Pat. Of the Russian Federation No. 2568320 (EN 2568320 C1), (51) IPC H03M 13/01 (2006.01), H04L 7/00 (2006.01). Information coding by segments of linear recurring sequences method. O. V. Ivantsov, E. D. Gorokhov,

V. M. Radygin, D. V. Tatarinov, A. V. Anisimov; Appl. 19.05.2014; publ. 20.11.2015, bul. No 32.

3. *Zolotarev V. V.* (2006) Theory and algorithms of multithreshold decoding. M. : Radio and communications. 266 p.

4. *Zolotarev V. V., Ovechkin G. V.* (2015) Divergent coding of convolutional codes // Materials of the 18th International Scientific and Technical Conference “Problems of transmission and processing of information in networks and telecommunication systems”. Ryazan. P. 27–32.

5. *Ivantsov O. V., Gorokhov D. E., Bochkov P. V.* (2018) Analytical models of transmission systems with code based on a recurrent sequence processing // *Izvestiya Tula State University*. Issue No. 9. P. 366–375.

**Ivantsov Oleg V.** — PhD in Technical Sciences, employee of the Academy of the Federal Security Service of the Russian Federation.

E-mail: [iowwaa@mail.ru](mailto:iowwaa@mail.ru)

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-0499-9136>

**Gorokhov Denis E.** — PhD in Technical Sciences, employee of the Academy of the Federal Security Service of the Russian Federation.

E-mail: [gde@inbox.ru](mailto:gde@inbox.ru)

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-7082-1045>

**Mishustin Maksim N.** — employee of the Academy of the Federal Security Service of the Russian Federation.

E-mail: [swindler417@yandex.ru](mailto:swindler417@yandex.ru)

ORCID iD: <https://orcid.org/0000-0002-4908-8977>